

منبع: کنکور سراسری

زمان ۲۹ دقیقه

پایه یازدهم تجربی

مدرسه گروه آموزشی بیوگراوند

شماره آزمون سری اول (سوالات کنکور)

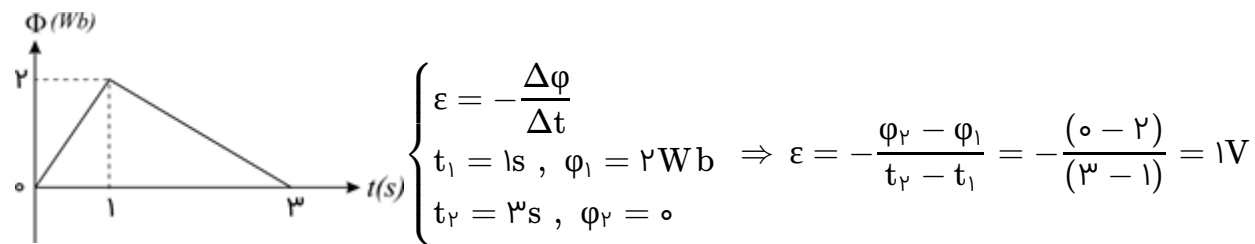
مبحث فصل ۳ یازدهم (مغناطیس و القای الکترومغناطیسی)

درس فیزیک

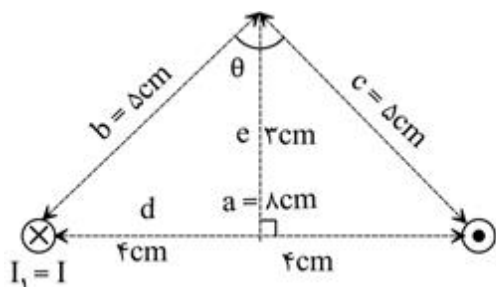
گزینه ۳

۱

نیروی محرکه القایی،  $\varepsilon = -N \frac{d\phi}{dt}$  وابسته به شیب نمودار  $\phi - t$  است. باتوجه به ثابت بودن شیب در بازه ۱ تا ۳، کافی است نیروی محرکه القایی را در این بازه به دست بیاوریم.



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۴



جهت میدان مغناطیسی حاصل از جریان سیم بلند، عمود بر خط واصل سیم حامل جریان و نقطه موردنظر است، حال کافی است محدوده زاویه  $\theta$  را مشخص کنیم، اگر  $90^\circ < \theta < 180^\circ$  باشد بردار  $\vec{B}$  داخل مثلث و اگر  $0^\circ < \theta < 90^\circ$  باشد بیرون مثلث و در صورتی که  $\theta = 90^\circ$  باشد بر روی ضلع مثلث می‌افتد. برای مشخص کردن محدوده  $\theta$  از قانون کسینوس‌ها استفاده می‌کنیم.

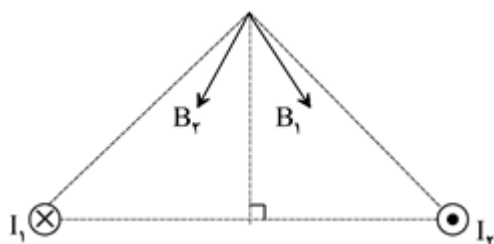
ولی قبل از آن با استفاده از قانون فیثاغورس اندازه اضلاع  $b$  و  $c$  را مشخص می‌کنیم.

$$\begin{cases} b^2 = d^2 + e^2 \\ d = 4 \text{ cm}, e = 3 \text{ cm} \end{cases} \Rightarrow b^2 = 16 + 9 = 25 \text{ cm} \Rightarrow b = 5 \text{ cm}$$

$c$  نیز به همین ترتیب برابر با  $5 \text{ cm}$  می‌شود. حال از قضیه کسینوس‌ها استفاده می‌کنیم.

$$\begin{cases} a^2 = 49 \\ b^2 + c^2 = 25 + 25 = 50 \Rightarrow a^2 > b^2 + c^2 \\ b = c = 5 \end{cases}$$

بنابراین  $90^\circ < \theta < 180^\circ$  است و بردارهای مغناطیسی  $B_1$  و  $B_2$  داخل مثلث هستند.



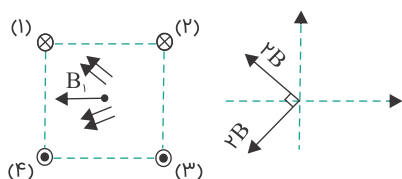
کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۴

## گام اول

الف) از هر سیم جریان یکسان  $I$  عبور می‌کند  $\leftarrow \left| \vec{B}_1 \right| = \left| \vec{B}_2 \right| = \left| \vec{B}_3 \right| = \left| \vec{B}_4 \right| = B$   
 ب) در کدام شکل، بزرگی میدان مغناطیسی برآیند در مرکز مربع بیشترین مقدار را دارد؟  $\leftarrow B_T = ?$

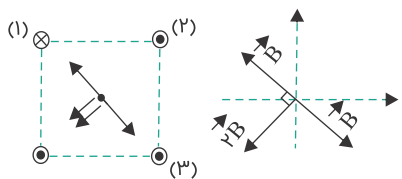
## گام دوم

باید جهت میدان مغناطیسی هر سیم را در مرکز مربع مشخص کنیم تا برآیند آن‌ها را به دست بیاوریم.  
 گزینه "۱":



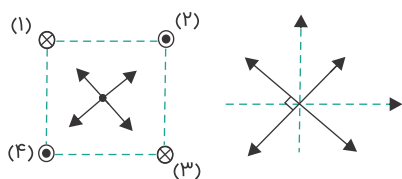
$$B_{T_1} = \sqrt{(\cancel{2}B)^2 + (\cancel{2}B)^2} = 2\sqrt{2}B$$

گزینه "۲":



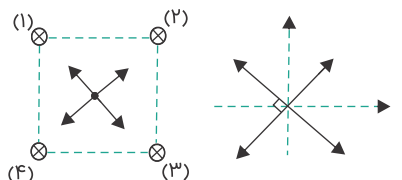
$$B_{T_2} = 2B$$

گزینه "۳":



$$B_{T_3} = 0$$

گزینه "۴":



$$B_{T_f} = 0$$

با مقایسه  $B_T$  گزینه‌ها مشخص است که گزینه ۱ بیشترین مقدار  $B_T$  را دارد.

گزینه ۴

۴

ابتدا نیروی محرکه القایی را در سه بازه زمانی مختلف به دست آورده و در نهایت نمودار آهنگ تولید انرژی گرمایی بر حسب زمان را رسم می‌کنیم:

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -N \frac{A \cos \theta \Delta B}{\Delta t} \xrightarrow[\cos \theta = 1]{A = 0.01 \pi m^2} \varepsilon = -1 \times 0.01 \times 3 \times 1 \times \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

بازه ۰ تا ۰/۰۱:

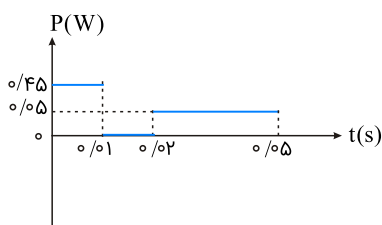
$$\varepsilon = -0.03 \times \frac{0.5}{0.01} = -1.5V \Rightarrow P = \frac{\varepsilon^2}{R} = \frac{2.25}{5} = 0.45W$$

بازه ۰/۰۱ تا ۰/۰۲:

$$\varepsilon = -0.03 \times 0 = 0 \Rightarrow P = 0$$

بازه ۰/۰۲ تا ۰/۰۵:

$$\varepsilon = -0.03 \times \frac{-0.5}{0.03} = 0.5V \Rightarrow P = \frac{\varepsilon^2}{R} = \frac{0.25}{5} = 0.05W$$



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۵

## گام اول

الف) یک میله فلزی به طول ۳۰ سانتی‌متر  $\leftarrow L = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m}$

ب) در یک میدان مغناطیسی یکنواخت با سرعت  $v = 2 \text{ m/s}$

ج) در راستای عمود بر خطوط میدان حرکت می‌کند  $\leftarrow \varepsilon = BvL$

د) اگر اندازه میدان مغناطیسی ۰/۰۵ تسلا باشد، نیروی محرکه القاشده در این میله چند میلی‌ولت است؟

$\leftarrow \varepsilon = ? \text{ (mV)}$  ,  $B = 0.05 \text{ T}$

## گام دوم

با استفاده از رابطه  $\varepsilon = BvL$  داریم:

$$\varepsilon = BvL = 0.05 \times 2 \times 0.3 = 0.03 \text{ V} = 30 \text{ mV}$$

با حرکت میله فلزی و به دلیل افزایش سطح حلقه، شار مغناطیسی تغییر می‌کند. چون میدان مغناطیسی در سطح حلقه یکنواخت است، پس می‌توانیم شار مغناطیسی را از رابطه  $\Phi = BA \cos \theta$  محاسبه کنیم. از طرفی زاویه نیم‌خط عمود بر سطح حلقه با جهت میدان  $\vec{B}$  صفر است ( $\theta = 0$ )، در نتیجه  $\Phi = BA$ . از قانون القای فارادی  $\vec{E} = -B \frac{\Delta A}{\Delta t}$ ، که در آن برای محاسبه  $\frac{\Delta A}{\Delta t}$ ، باتوجه به اینکه میله در مدت  $\Delta t$  مسافت  $v \Delta t$  را طی می‌کند و لذا سطح حلقه به مقدار  $\Delta A = lv \Delta t$  افزایش می‌یابد. بنابراین اندازه نیروی محرکه القایی را داریم:

$$|\vec{E}| = \left| -B \frac{lv \Delta t}{\Delta t} \right| = Blv$$

از طرفی برای مدار رابطه زیر را داریم:

$$\varepsilon = IR$$

اکنون از تساوی این دو رابطه می‌توانیم سرعت را به دست آوریم:

$$R = 0.2 \Omega , I = 0.5 \text{ A} , B = 0.1 \text{ T} , L = 0.25 \text{ m}$$

$$\begin{cases} \varepsilon = BvL \\ \varepsilon = RI \end{cases} \Rightarrow RI = BvL \Rightarrow v = \frac{0.2 \times 0.5}{0.1 \times 0.25} = 4 \text{ m/s}$$

نیروی وارد بر سیم حامل جریان در میدان مغناطیسی را به دست می‌آوریم:

$$F = BIL \sin \alpha$$

$$B = 500 \text{ G} = 500 \times 10^{-4} \text{ T} \Rightarrow F = 500 \times 10^{-4} \times 25 \times 0.8 \times \sin 37^\circ$$

$$\Rightarrow F = 5 \times 10^{-2} \times \underbrace{25 \times 0.8}_{20} \times 0.6 = 100 \times 10^{-2} \times 0.6 = 0.6 \text{ N}$$

طبق قانون دست راست نیروی  $F$  قائم و روبه‌پایین است.  
بنابراین گزینه "۲" صحیح است.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۶

مطابق قانون لنز جهت جریان القایی در یک مدار بسته همواره در جهتی است که با عامل به وجود آورنده‌اش مخالفت می‌کند. در (۱) میدان مغناطیسی درون حلقه در حال افزایش است، پس باید جریان پادساعت‌گرد باشد و در (۲) میدان مغناطیسی درون حلقه ثابت است، پس جریان القایی صفر است و در (۳) میدان مغناطیسی درون حلقه در حال کاهش است و جریان ساعت‌گرد است یعنی گزینه "۱" صحیح است.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۶

روش ساده و کوتاه: چون جریان سیم‌ها خلاف جهت هم هستند، بنابراین در نقاط بین دو سیم میدان‌ها با هم جمع می‌شوند. همچنین چون نقطه C به سیم حامل جریان قوی‌تر نزدیک‌تر است، میدان در این نقطه قوی‌تر از میدان در نقطه B است. تنها گزینه‌ای که می‌تواند درست باشد گزینه ۴ است.

$$B_C > B_B$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۷

$$B = \frac{\mu_0 NI}{l} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 200 \times 5}{0.6} = 2 \times 10^{-3} \text{ T}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -10^3 \times \frac{|\Delta\vec{B}| A \cos\theta}{\Delta t}$$

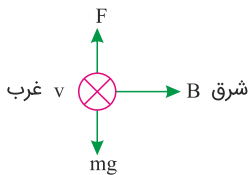
$$|\bar{\varepsilon}| = \left| -10^3 \times \frac{(0/04 - (-0/04)) \times 50 \times 10^{-4} \times 1}{0/01} \right| = 40 \text{ V}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

گزینه "۳" صحیح است.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

ابتدا جهت میدان را تعیین می‌کنیم:



میدان مغناطیسی به سمت شرق است.

$$F = mg \Rightarrow |q| vB = mg$$

$$\Rightarrow 50 \times 10^{-6} \times 2/5 \times 10^3 \times B = 5 \times 10^{-3} \times 10 \Rightarrow B = 0/4 \text{ T}$$

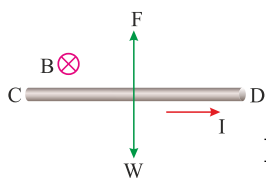
کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

هنگامی از طرف میله به فلزها نیرو وارد نمی‌شود که نیروی مغناطیسی وارد بر میله وزن آن را خنثی کند.

با روش دست راست جهت جریان در میله را تعیین می‌کنیم.

پس جهت جریان از C به D است.

حال اندازهٔ جریان را محاسبه می‌کنیم:



$$F = mg \Rightarrow BIL \sin\alpha = mg \Rightarrow 0/4 \times I \times 0/8 = 0/16 \times 10 \Rightarrow I = 5 \text{ A}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t}$$

$\varepsilon$  (ولت (V) ↓  
 N (تعداد حلقه‌ها (بدون یکا) ↓  
 $\frac{\Delta \phi}{\Delta t}$  (↑ Wb / ↓ s)

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

باتوجه به ثابت بودن مساحت سطح حلقه و زاویه بین میدان و سطح داریم:

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} = -N A \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

در نمودار  $B - t$  برابر با شیب خط است:

$$\text{شیب خط} = \frac{\Delta B}{\Delta t} = -\frac{0/\lambda}{40 \times 10^{-3}} = \frac{-100}{40} = 20 \text{ T/s}$$

حالا نیرو محرکه القایی را محاسبه می‌کنیم:

$$\varepsilon = -500 \times 40 \times 10^{-4} \times 20 \Rightarrow \varepsilon = 40 \text{ V}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

گام اول: جریان گذرنده از سیملوله را محاسبه می‌کنیم:

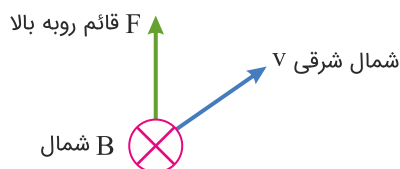
$$U = \frac{1}{2} L I^2 \Rightarrow \frac{4}{10} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{100} I^2 \Rightarrow I^2 = 16 \Rightarrow I = 4 \text{ A}$$

گام دوم: از رابطه  $B = \mu_0 \frac{N}{L} I$  میدان درون سیملوله را به دست می‌آوریم:

$$B = \mu_0 \frac{N}{L} I = 12 \times 10^{-7} \times \frac{100}{8 \times 10^{-2}} \times 4 = 6 \times 10^{-3} \text{ T} = 60 \text{ G}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹





بار ذرهٔ آلفا مثبت است و برای تعیین جهت نیروی وارد بر آن از طرف میدان مغناطیسی از دست راست استفاده می‌کنیم.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

از فرمول قانون فاراده استفاده می‌کنیم:

$$\varepsilon = -\frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -\frac{0 - 2 \times 10^{-3}}{10^{-2}} = 0.2V$$

نیروی محرکه القایی ثابت و از  $t = 0$  تا  $t = 0.02s$  برابر با  $0.2V$  است.

نکته: بدون محاسبه می‌توان به نتیجه رسید  $\leftarrow$  شیب نمودار  $\phi - t$  با علامت منفی برابر با نیروی محرکه القایی است. چون شیب نمودار ثابت و منفی است، بنابراین نیروی محرکه القایی باید ثابت و مثبت باشد و تنها نمودار گزینهٔ ۲ بیانگر این مطلب است.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

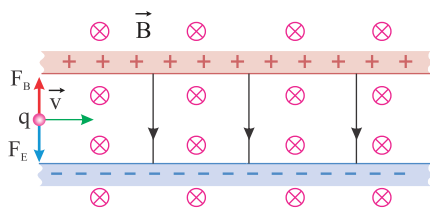
اتم‌های مواد دیامغناطیس به طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی هستند (رد گزینه‌های ۱ و ۲): با این وجود حضور میدان مغناطیسی خارجی، می‌تواند سبب القای دو قطبی در خلاف سوی میدان خارجی شود.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

جهت نیروی الکتریکی وارد بر بار (+) در جهت میدان الکتریکی است.

جهت نیروی مغناطیسی وارد بر بار (+) را می‌توانیم به کمک قاعدهٔ دست راست مشخص کنیم:

نیروهای  $F_E$  و  $F_B$  خلاف جهت هم هستند. حال اندازهٔ هر یک از آن‌ها و سپس برآیندشان را به دست می‌آوریم:



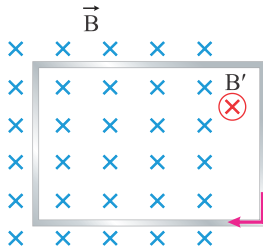
$$F_E = Eq = 500 \times 2 \times 10^{-6} = 10^{-3} \text{ N}$$

$$F_B = qvB = 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^4 \times 2 \times 10^{-2} = 8 \times 10^{-4} = 0.8 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$F_{\text{net}} = F_E - F_B = 10^{-3} - 0.8 \times 10^{-3} = 0.2 \times 10^{-3} \text{ N} = 2 \times 10^{-4} \text{ N}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

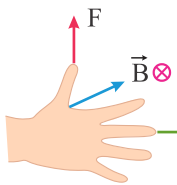
شار در حال کاهش است و جریان القایی باید میدانی هم‌جهت با میدان اصلی ایجاد کند تا با کاهش شار مخالفت نماید. جریانی که در داخل حلقه میدان درون‌سو ایجاد کند، یک جریان ساعتگرد است. حال به کمک رابطه قانون القای فاراده، اندازه نیروی محرکه القایی را محاسبه می‌کنیم:



$$\vec{v} \epsilon_{av} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -\frac{(-0.02)}{10^{-3} \text{ s}} = 20 \text{ V}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

گام اول: ابتدا با استفاده از قاعده دست راست جهت نیروی وارد بر ذره که همان جهت شتاب نیز می‌باشد را به دست می‌آوریم. پس جهت شتاب در جهت محور  $y$  است. (گزینه‌های ۲ و ۴ نادرست‌اند)



گام دوم: حالا به سراغ اندازه نیرو و اندازه شتاب می‌رویم.

$$F = |q| v B \sin \theta \xrightarrow{F=ma} ma = |q| v B \sin \theta$$

$$\Rightarrow 1/7 \times 10^{-27} \times a = 1/6 \times 10^{-19} \times 10^6 \times 170 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow a = 1/6 \times 10^{10} \text{ m/s}^2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط را از رابطه  $\bar{\epsilon} = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|$  به دست می‌آوریم.

$$\bar{\epsilon} = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \left| -1 \times \frac{A \Delta B \cos \theta}{\Delta t} \right| = \left| -1 \times \frac{6 \times 10^{-2} \times (-200 \times 10^{-4}) \times 1}{10^{-3}} \right|$$

$$\Rightarrow \bar{\epsilon} = 1/2 \text{ V}$$

چون میدان مغناطیسی در حال کاهش است، شار مغناطیسی نیز در حال کاهش است. طبق قانون لنز، جهت جریان القایی به‌گونه‌ای است که با کاهش شار مخالفت کند. پس جریان القایی در جهتی است که میدان مغناطیسی القایی درون سویی ایجاد کند. طبق قاعده دست راست جهت جریان القایی باید ساعتگرد باشد.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

بررسی گزینه‌ها:

$$۱) B = \frac{F}{IL \sin \alpha} \Rightarrow [B] = \frac{N}{A \cdot m} = \frac{kg \cdot m/s^2}{A \cdot m} = kg/A \cdot s^2$$

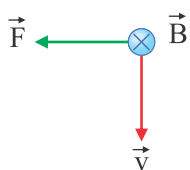
$$۲) \Phi = BA \cos \theta \Rightarrow [\Phi] = \frac{kg}{A \cdot s^2} \times m^2$$

$$۳) E = \frac{F}{q} \Rightarrow [E] = \frac{kg \cdot m/s^2}{C} = \frac{kg \cdot m}{C \cdot s^2} = kg \cdot m/A \cdot s^3$$

$$۴) \bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow [\bar{\epsilon}] = \frac{kg \cdot m}{A \cdot s^3} \times \frac{1}{s}$$

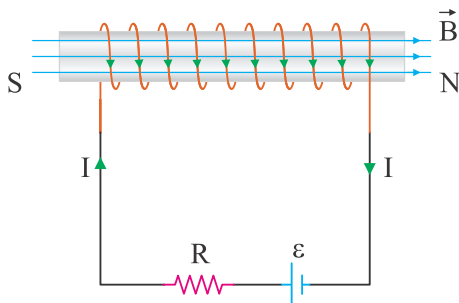
کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

طبق قاعده دست راست، اگر چهار انگشت در جهت  $\vec{v}$  و انگشت شست دست راست در جهت  $\vec{F}$  باشد، خم شدن انگشتان، جهت میدان را برون سو نشان می‌دهد و به دلیل منفی بودن بار، جهت میدان درون سو است. توجه: می‌توانستیم از دست چپ استفاده کنیم:



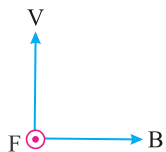
کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

طبق قاعده دست راست، اگر سیملوله را طوری در دست راست بگیریم که خم شدن انگشتان در جهت جریان باشد، انگشت شست دست راست جهت میدان داخل سیملوله را به طرف راست نشان می‌دهد. جهت خطوط میدان داخل سیملوله (آهنربا) از قطب S به N است بنابراین قسمت B قطب N است.



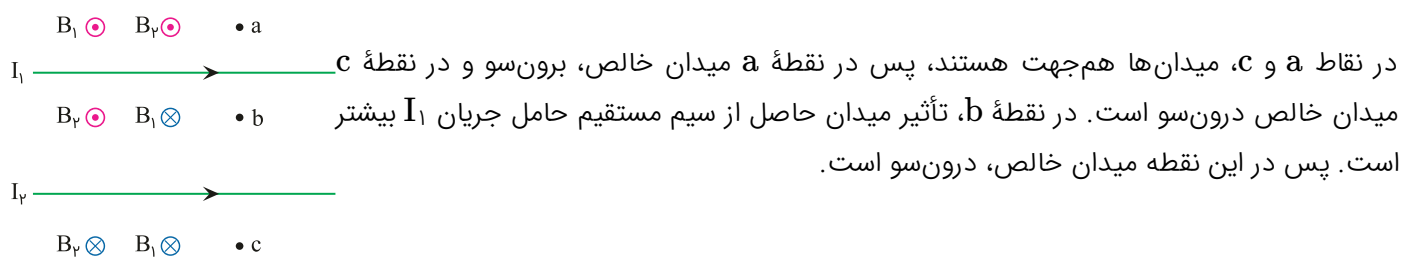
کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

با استفاده از قاعده دست راست و توجه به منفی بودن علامت بار، می‌توان نتیجه گرفت نیروی وارد بر الکترون، برون سو است.



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱

با استفاده از قاعده دست راست، میدان حاصل از هر سیم مستقیم را در نقاط داده شده مشخص می‌کنیم:



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱