

گزینه ۱

منبع: کنکور سراسری

وقتی فنر به طول عادی خود می‌رسد (نقطه تعادل)، بیشینه تندی رخ می‌دهد و بنابراین انرژی جنبشی نیز در این نقطه بیشینه می‌شود (جایی که انرژی پتانسیل صفر است).
طبق تعریف انرژی مکانیکی داریم:

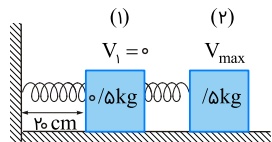
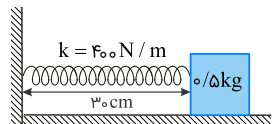
$$E = K + U$$

$$\frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2}mv_{\max}^2 + 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}(400)(0/1)^2 = \frac{1}{2}mv_{\max}^2$$

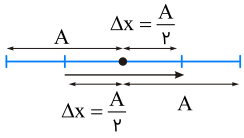
$$\Rightarrow 2 = \frac{1}{2} \times 0/5 \times v_{\max}^2 \Rightarrow 4 = v_{\max}^2$$

$$\Rightarrow v_{\max} = 2\sqrt{2} \text{ m/s}$$



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۴

باتوجه به اینکه نوسانگر، دو جابه‌جایی مساوی و متوالی را بدون تغییر جهت انجام داده و مجموع این جابه‌جایی‌ها برابر دامنه است، یعنی نوسانگر در هر جابه‌جایی نصف دامنه را پیموده؛ ضمناً چون زمان طی شدن هر دو جابه‌جایی یکسان است، دو بازه در دو طرف مبدأ قرار دارند:



$$2A = 0.12 \text{ m} \Rightarrow A = 0.06 \text{ m}$$

$$t = \frac{T}{12} + \frac{T}{12} = \frac{T}{6}$$

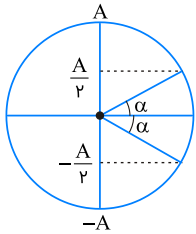
$$\frac{T}{6} = 2 \times 0.04 \Rightarrow T = 0.48 \text{ s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{\pi}{0.24}$$

$$v_{\max} = A\omega = 0.06 \times \frac{\pi}{0.24} = \frac{\pi}{4} \xrightarrow{\pi=3} v_{\max} = \frac{3}{4}$$

راه‌حل دوم برای یافتن دوره حرکت:

برای به دست آوردن دوره حرکت، دایره نوسان را رسم می‌کنیم:



$$\alpha = \frac{\pi}{6} \text{ rad} \Rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{\frac{\pi}{6}}{2\pi} \Rightarrow T = 6 \times \frac{1}{100} = 0.48 \text{ s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{\pi}{0.24}$$

$$v_{\max} = A\omega = 0.06 \times \frac{\pi}{0.24} = \frac{\pi}{4} \xrightarrow{\pi=3} v_{\max} = \frac{3}{4} \text{ m/s}$$

گام اول

الف) در فاصله ۱۰ متری از یک منبع صوت $r_1 = 10 \text{ m}$

ب) تراز شدت صوت ۲۰ دسی‌بل بیشتر از تراز شدت صوت آستانه دردناکی است $\Rightarrow \log \frac{I_1}{I_0} = 2$
 ج) در فاصله چندمتری از این منبع صوت تراز شدت صوت ۲۰ دسی‌بل کمتر از تراز شدت صوت آستانه دردناکی است
 $\Rightarrow \log \frac{I_2}{I_0} = -2, r_2 = ?$

گام دوم

با استفاده از داده‌های صورت سؤال داریم:

$$\begin{cases} \log \frac{I_1}{I_0} = 2 \\ \log \frac{I_2}{I_0} = -2 \end{cases} \Rightarrow \log \frac{I_1}{I_0} - \log \frac{I_2}{I_0} = 4$$

$$\Rightarrow \log \frac{I_1}{I_2} = 4 \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = 10^4 \xrightarrow{\frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2} \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = 10^4$$

$$\Rightarrow \frac{r_2}{10} = 100 \Rightarrow r_2 = 1000 \text{ m}$$

سرعت موج عرض سینوسی از رابطه $v = \lambda f$ و بیشینه سرعت ذرات طناب از رابطه $v' = A\omega$ به دست می‌آید؛ بنابراین داریم:

$$\frac{v}{v'} = \frac{\lambda f}{A\omega} = \frac{\lambda f}{A \times 2\pi f} = \frac{\lambda}{2\pi A}$$

گام اول

الف) شنونده‌ای که مساحت پرده گوشش $60 \text{ mm}^2 = 6 \times 10^{-5} \text{ m}^2$ است
 ب) تراز شدت صوت حاصل از یک منبع را 50 dB دسی‌بل احساس می‌کند
 ج) انرژی که در مدت 50 s به پرده گوش این شنونده می‌رسد، چند میکروژول است؟ $E = ? \mu\text{J}$

گام دوم

با استفاده از رابطه $\beta = \log \frac{I}{I_0}$ شدت صوت را محاسبه کرده و سپس به کمک رابطه $E = IAt$ انرژی را به دست می‌آوریم:

$$\beta = \log \frac{I}{I_0} \xrightarrow{I_0 = 10^{-6} \text{ W/m}^2} 50 = \log \frac{I}{10^{-6}} \Rightarrow 10^5 = \frac{I}{10^{-6}} \Rightarrow I = 10^{-1} \text{ W/m}^2$$

$$E = IAt = 10^{-1} \times 6 \times 10^{-5} \times 50 = 3 \times 10^{-10} \text{ J} = 3 \times 10^{-4} \mu\text{J}$$

گام اول

الف) نوسانگری به جرم ۱۰۰ گرم $m = 100\text{g} = 0.1\text{kg}$ ←

ب) روی پاره‌خطی به طول ۲۰cm حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد ← $A = \frac{20}{2} = 10\text{cm} = 0.1\text{m}$

ج) در مدت $\frac{1}{4}$ ثانیه از مرکز نوسان به انتهای مسیر می‌رسد ← $\frac{T}{4} = \frac{1}{4} \Rightarrow T = 1\text{s}$

د) انرژی جنبشی نوسانگر در مرکز نوسان، چند میلی‌ژول است؟ ← $K_{\max} = ? (\text{mJ})$

گام دوم

ابتدا با استفاده از رابطه $\omega = \frac{2\pi}{T}$ ، بسامد زاویه‌ای را به دست آورده و در نهایت به کمک رابطه‌های $v_{\max} = A\omega$ و $K_{\max} = \frac{1}{2}mv_{\max}^2$ انرژی جنبشی نوسانگر در مرکز نوسان را محاسبه می‌کنیم:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{1} = 2\pi \text{ rad/s}$$

$$K_{\max} = \frac{1}{2}mv_{\max}^2 = \frac{1}{2}mA^2\omega^2 = \frac{1}{2} \times 0.1 \times (0.1)^2 \times (2\pi)^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 0.1 \times 0.01 \times 4 \times 10 = 0.02\text{J} = 20\text{mJ}$$

گام اول

الف) در مدت ۰/۴ ثانیه به یک دیوار برخورد کرده و به محل چشمه برمی‌گردد ← $t = 0.4\text{s}$: زمان رسیدن موج به دیوار

ب) اگر بسامد چشمه صوت ۴۰ کیلوهرتز و طول موج ۸/۷۵ میلی‌متر باشد

$$\lambda = 8.75\text{mm} = 8.75 \times 10^{-3}\text{m}, f = 40\text{kHz} = 4 \times 10^4\text{Hz} \leftarrow$$

ج) فاصله چشمه صوت تا دیوار چند متر است؟ ← $\Delta x = ?$

گام دوم

ابتدا به کمک رابطه $v = \lambda f$ ، سرعت صوت را به دست آورده و سپس در رابطه $v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ جایگذاری می‌کنیم تا فاصله مورد نظر را بیابیم:

$$v = \lambda f = 8.75 \times 10^{-3} \times 4 \times 10^4 = 350\text{m/s}$$

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow 350 = \frac{\Delta x}{0.4} \Rightarrow \Delta x = 140\text{m}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۵

گام اول

الف) اگر بسامد موج A، چهار برابر بسامد موج B باشد $f_A = 4f_B$ ←ب) طول موج و سرعت انتشار موج A چند برابر طول موج و سرعت انتشار موج B است؟ ← $\frac{v_A}{v_B} = ?$, $\frac{\lambda_A}{\lambda_B} = ?$

گام دوم

باتوجه به اینکه هر دو موج در یک محیط کشسان منتشر می‌شوند، سرعت انتشارشان باهم برابر است؛ یعنی: $\frac{v_A}{v_B} = 1$
برای به دست آوردن نسبت طول موج‌ها، کافی است از رابطه $\lambda = \frac{v}{f}$ استفاده کنیم:

$$\frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{\frac{v_A}{f_A}}{\frac{v_B}{f_B}} = \frac{f_B}{4f_B} = \frac{1}{4}$$

بنابراین گزینه ۱ صحیح است.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۵

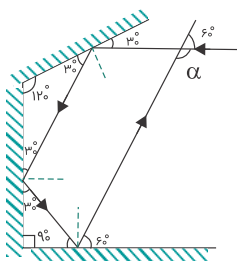
گام اول

الف) صفحه حساسی به مساحت $3 \text{ cm}^2 = 3 \times 10^{-4} \text{ m}^2$ ←ب) در مدت ۵ ثانیه، $1/5 \times 10^{-11} \text{ J}$ انرژی صوتی به صفحه می‌رسد ← $t = 5 \text{ s}$, $E = 1/5 \times 10^{-11} \text{ J}$ ج) شدت صوت در این صفحه چند میکرووات بر مترمربع است؟ ← $I = ? (\mu\text{W}/\text{m}^2)$

گام دوم

با استفاده از رابطه $I = \frac{E}{A \cdot t}$ ، شدت صوت را در صفحه محاسبه می‌کنیم:

$$I = \frac{E}{A \cdot t} = \frac{1/5 \times 10^{-11}}{3 \times 10^{-4} \times 5} = 10^{-8} \text{ W}/\text{m}^2 = 0/01 \mu\text{W}/\text{m}^2$$

باتوجه به اینکه زاویه تابش و بازتابش متعم هم هستند، زوایای شکل را مشخص می‌کنیم.
در نهایت $180^\circ = 60^\circ + \alpha$ است؛ پس $\alpha = 120^\circ$ می‌باشد.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۵

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۵

گام اول

الف) اگر بیشینه جابه‌جایی یک نوسان‌کننده به جرم ۱۰۰ گرم در نیم دوره برابر ۱۰ سانتی‌متر
 $m = 100 \text{ g} = 0.1 \text{ kg}$, $\Delta x_{\max} = 2A = 0.1 \text{ m} \Rightarrow A = 0.05 \text{ m} \leftarrow$
 ب) و انرژی مکانیکی آن $1/25 \times 10^{-2} \pi^2$ ژول باشد $\leftarrow E = 1/25 \times 10^{-2} \pi^2$

گام دوم

با استفاده از رابطه $E = \frac{1}{2} mA^2 \omega^2$ داریم:

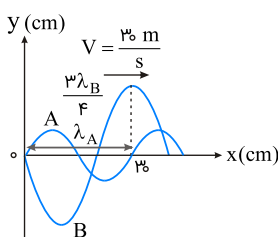
$$E = \frac{1}{2} mA^2 \omega^2 \Rightarrow 1/25 \times 10^{-2} \pi^2 = \frac{1}{2} \times 0.1 \times (0.05)^2 \times \omega^2 \Rightarrow \omega^2 = 100\pi^2 \Rightarrow \omega = 10\pi \text{ rad/s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{10\pi} = 0.2 \text{ s}$$

باتوجه به شکل، طول موج هرکدام از موج‌های در حال انتشار A و B برابر است با:

$$\begin{cases} \lambda_A = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m} \\ \frac{3\lambda_B}{4} = 30 \text{ cm} \Rightarrow \lambda_B = 0.4 \text{ m} \end{cases}$$

کافی است دوره تناوب هر موج را به دست آورده تا در نهایت تعداد نوسانات هرکدام از موج‌ها در ۲۰ ثانیه محاسبه شود:



$$\lambda = vT \Rightarrow \begin{cases} \lambda_A = vT_A \Rightarrow 0.3 = 30 \times T_A \Rightarrow T_A = 0.01 \text{ s} \\ \lambda_B = vT_B \Rightarrow 0.4 = 30 \times T_B \Rightarrow T_B = \frac{4}{300} \text{ s} \end{cases}$$

$$N = \frac{t}{T} \Rightarrow \begin{cases} N_A = \frac{t}{T_A} = \frac{20}{0.01} = 2000 \\ N_B = \frac{t}{T_B} = \frac{20}{\frac{4}{300}} = 1500 \end{cases} \Rightarrow N_A - N_B = 2000 - 1500 = 500$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۵

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۵

گام اول

الف) اختلاف تراز شدت دو صوت برابر با ۳ دسی‌بل است $\leftarrow \beta_2 - \beta_1 = 3 \text{ dB}$
 ب) شدت صوت قوی‌تر چندبرابر شدت صوت ضعیف‌تر است؟ $\leftarrow \frac{I_2}{I_1} = ?$

گام دوم

با استفاده از رابطه $\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1}$ (برحسب دسی‌بل) داریم:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 3 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = 0.3 \xrightarrow{\log 2 = 0.3} \frac{I_2}{I_1} = 2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۵

گام اول

الف) بین دو نقطه M و N نوسان می‌کند و در هر $0/4$ ثانیه 2 نوسان کامل انجام می‌دهد

$$\left. \begin{aligned} \text{تعداد نوسان} &= \frac{t}{T} \Rightarrow 2 = \frac{0/4}{T} \Rightarrow T = 0/2 \text{ s} \leftarrow \\ \text{ب) اگر بیشینه شتاب نوسان } 20 \text{ m/s}^2 \text{ باشد} &\leftarrow a_{\max} = 20 \text{ m/s}^2 \\ \text{ج) فاصله } MN &= 2A = ? \text{ (cm)} \leftarrow \end{aligned} \right.$$

گام دوم

با استفاده از قانون دوم نیوتن و باتوجه به نیروی کشسانی فنر داریم:

$$\begin{cases} F = -kx \\ F = ma \end{cases} \Rightarrow -kx = ma \xrightarrow{k=m\omega^2} -m\omega^2 x = ma$$

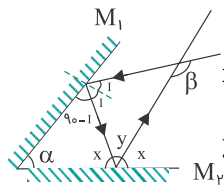
$$\Rightarrow a = -\omega^2 x \Rightarrow a_{\max} = \omega^2 A$$

با استفاده از رابطه $\omega = \frac{2\pi}{T}$ و $a_{\max} = A\omega^2$ دامنه نوسانات را به دست آورده و در نهایت فاصله MN را محاسبه می‌کنیم:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0/2} = 10\pi \text{ rad/s}$$

$$a_{\max} = A\omega^2 \Rightarrow 20 = A \times 100\pi^2 \xrightarrow{\pi^2=10} A = 0/02 \text{ m} = 2 \text{ cm}$$

$$MN = 2A = 2 \times 2 = 4 \text{ cm}$$



$$x + \alpha + 90 - i = 180 \Rightarrow x = 90 + i - \alpha \quad (1)$$

$$y = 180 - 2x \xrightarrow{(1)} y = 180 - 2(90 + i - \alpha) \Rightarrow y = -2i + 2\alpha \quad (2)$$

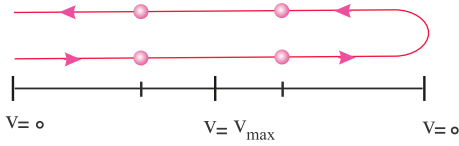
$$\beta = 2i + y \xrightarrow{(2)} \beta = 2i - 2i + 2\alpha \Rightarrow \beta = 2\alpha$$

بنابراین، زاویه β فقط به مقدار α بستگی دارد.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۶

راه حل اول:

در حرکت نوسانی، در مدت یک نوسان کامل، سرعت نوسانگر دو بار صفر و دو بار بیشینه می‌شود. در مبدأ سرعت بیشینه و در نقاط ابتدا و انتها سرعت صفر است. یعنی مطابق شکل:

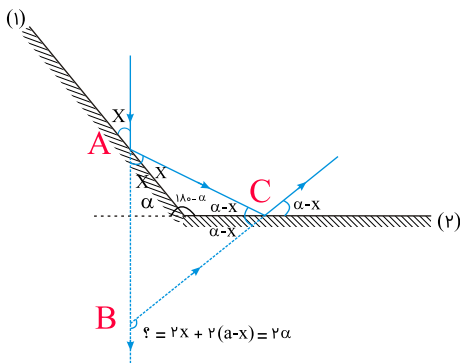


پس در یک نوسان کامل ۴ بار اندازه سرعت برابر با $\frac{v}{3}$ می‌شود.

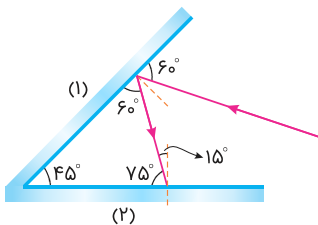
کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۶

ابتدا مطابق شکل زیر امتداد پرتوها و زوایایی که با آیینه‌ها می‌سازند رسم می‌کنیم. مطابق شکل زاویه‌ای که امتداد پرتوی تابش به آیینه (۱)، با امتداد پرتوی بازتابش از آیینه (۲)، می‌سازد در واقع زاویه خارجی است برای مثلث ABC، که برابر است با مجموع دو زاویه داخلی غیر مجاور؛ پس:

$$? = x + 2(\alpha - x) = 2\alpha$$



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۶



باتوجه به شکل زیر زاویه تابش روی آیینه دوم 15° است؛ بنابراین: $i = r = 15^\circ$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۷

$$\beta_r - \beta_l = \lambda \log \left(\frac{d_l}{d_r} \right)^2$$

$$\Rightarrow 120 - 80 = \lambda \log \left(\frac{d_l}{d_r} \right)^2 \Rightarrow \mathcal{F} = \log \left(\frac{d_l}{d_r} \right)^2 \Rightarrow \log 10^{\mathcal{F}} = \log \left(\frac{d_l}{d_r} \right)^2$$

$$\Rightarrow 10^{\mathcal{F}} = \frac{d_l}{d_r} \Rightarrow 100 = \frac{20}{d_r} \Rightarrow d_r = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۷

$$E = \frac{1}{2} m v_m^2 = \frac{1}{2} \times 0.1 \times (4\pi)^2 \times 10^{-6}$$

$$\Rightarrow E = 0.8\pi^2 \times 10^{-6} \text{ J} = 0.8\pi^2 \times 10^{-6} \times 10^3 = 0.8\pi^2 \text{ mJ}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۷

$$\beta = \lambda \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 60 = \lambda \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \mathcal{F} = \log \frac{I}{I_0}$$

$$\Rightarrow \log 10^{\mathcal{F}} = \log \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow I = 10^{-\mathcal{F}} \text{ W/m}^2$$

$$I = \frac{P}{A} \Rightarrow P = IA = I \times 4\pi r^2$$

$$\Rightarrow P = 10^{-\mathcal{F}} \times 4\pi \times 5^2 = \pi \times 10^{-\mathcal{F}} \text{ W} \times 10^3 = 0.1\pi \text{ mW}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۷

همان طور که در نمودار صورت سؤال مشخص شده است، به ازای یک موج کامل B، دو موج کامل A داریم، بنابراین:

$$f_A = 2f_B \Rightarrow T_A = \frac{1}{2} T_B$$

چون هر دو موج در یک محیط منتشر می‌شوند، سرعت انتشار آن‌ها باهم مساوی است.

$$v_A = v_B$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۷

$$A = \frac{\lambda}{\nu} = ۴ \text{ cm}$$

بیشترین جابه‌جایی نوسانگر وقتی است که در اطراف نقطه تعادل جابه‌جا شود و تغییر جهت ندهد. پس در $\frac{1}{۴}$ دوره، مطابق شکل زیر متحرک $\frac{T}{\lambda}$ را قبل از نقطه تعادل و $\frac{T}{\lambda}$ را بعد از نقطه تعادل سپری می‌کند:

باتوجه به معادله نوسانگر:

$$x = A \cos(\omega t) = A \cos\left(\frac{۲\pi}{T}t\right)$$

پس جابه‌جایی در $\frac{T}{\lambda}$ برابر است با:

$$x = A \cos\left(\frac{۲\pi}{T} \times \frac{T}{\lambda}\right) = A \cos\left(\frac{\pi}{۴}\right) = \frac{\sqrt{۲}}{۲} A$$

$$x_1 = x_2 = x = \frac{\sqrt{۲}}{۲} A = \frac{\sqrt{۲}}{۲} \times ۴ = ۲\sqrt{۲} \text{ cm}$$

$$\Delta x = ۲\sqrt{۲} + ۲\sqrt{۲} = ۴\sqrt{۲} \text{ cm}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۷

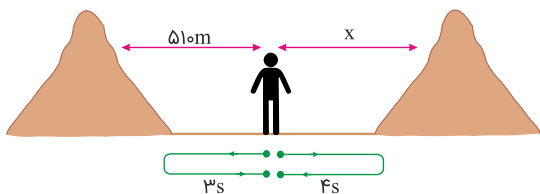
$$T = ۲ \times ۱ = ۲ \text{ s}$$

$$\omega = \frac{۲\pi}{T} \xrightarrow{T=۲s} \omega = \frac{۲\pi}{۲} = \pi$$

$$A = \left(\frac{۴}{۲}\right) \text{ cm} = ۲ \text{ cm} = ۰/۰۲ \text{ m}$$

$$v_m = A\omega \xrightarrow{A=۰/۰۲m, \omega=\pi} v_m = ۰/۰۲ \times \pi = ۰/۰۲\pi \text{ m/s} = ۲\pi \text{ cm/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

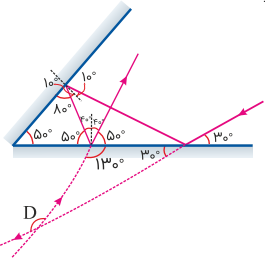


$$\frac{۵۱۰ \text{ m}}{۱/۵ \text{ s}} = \frac{x \text{ (m)}}{۲ \text{ s}} \Rightarrow x = ۶۸۰ \text{ m}$$

$$\text{فاصله دو صخره} = ۵۱۰ + ۶۸۰ = ۱۱۹۰ \text{ m}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

$$D = 130^\circ + 30^\circ = 160^\circ$$



کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

نکته: برای درست فهمیدن این سؤال باید به کلمه امتداد پرتوها دقت شود.

بسامد زاویه‌ای تمام نقاط طناب باهم برابر است.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

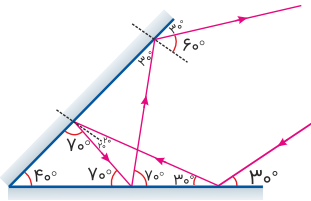
$$\begin{cases} E = K + U \\ K = U \end{cases}$$

$$\Rightarrow E = 2K \Rightarrow 2\pi^2 \mu A^2 f^2 = 2 \times \left(\frac{1}{2} \mu v^2\right)$$

$$\Rightarrow 2\pi^2 (\omega)^2 (10)^2 = v^2 \Rightarrow v = \omega \pi \sqrt{2} \text{ cm/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

زوایای تابش و بازتاب باهم برابرند. مجموع زاویه‌های داخل مثلث 180° است.



کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

$$\lambda = vT \Rightarrow \omega = 2\pi T \Rightarrow T = \frac{1}{f} \text{ s}$$

زمان $\frac{1}{8} \text{ s}$ نصف دوره تناوب است که در این مدت، مسافتی که یک ذره از طناب طی می‌کند ۲ برابر دامنه نوسان است:

$$x = 2A = 2 \times 2 = 4 \text{ cm}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

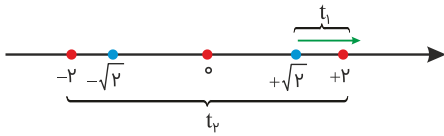
بسامد نور ثابت است و با تغییر محیط انتشار نور، تغییر نمی‌کند.

$$\lambda = \frac{c}{f} \Rightarrow 0.6 \times 10^{-6} = \frac{3 \times 10^8}{f} \Rightarrow f = 5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$\lambda' = \frac{v}{f} \Rightarrow 0.45 \times 10^{-6} = \frac{v}{5 \times 10^{14}} \Rightarrow v = 2.25 \times 10^8 \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر از $+\sqrt{2}A$ به A برسد برابر با $\frac{T}{\lambda}$ است.



و زمانی که طول می‌کشد تا برای اولین بار از A به $-\sqrt{2}A$ برسد، $\frac{3T}{\lambda}$ است؛ پس کل زمان حرکت $\frac{T}{\lambda} + \frac{3T}{\lambda} = \frac{4T}{\lambda}$ است.

$$f = \frac{1}{4} \text{ Hz} \Rightarrow T = 4 \text{ s} \Rightarrow \Delta t = \frac{T}{2} = 2 \text{ s}$$

کل جابه‌جایی نوسانگر:

$$\Delta x = -\sqrt{2} - \sqrt{2} = -2\sqrt{2} \text{ cm}$$

حالا سرعت متوسط را محاسبه می‌کنیم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow V_{av} = \frac{-2\sqrt{2}}{2} = -\sqrt{2} \text{ m/s} \Rightarrow |v_{av}| = \sqrt{2} \text{ m/s}$$

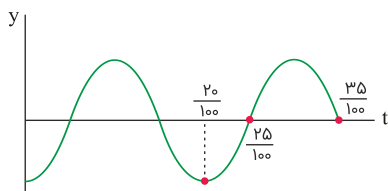
کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

گام اول: دوره تناوب موج را به دست می‌آوریم:

$$\lambda = vT \Rightarrow T = \frac{0/4}{2} = 0/2 \text{ s}$$

تا لحظه $t_1 = 0/25 \text{ s}$ نقطه M از $y = -A$ به $y = 0$ رسیده است، در واقع بعد از یک نوسان کامل حرکت روبه‌بالا دارد و به $y = 0$ رسیده است.

در لحظه $t = 0/35$ نقطه M مجدداً در نقطه $y = 0$ قرار دارد و حرکت آن روبه‌پایین است: پس حرکت آن ابتدا کندشونده و سپس تندشونده بوده است. (نمودار مکان-زمان حرکت ذره M را مشاهده می‌کنید)



M

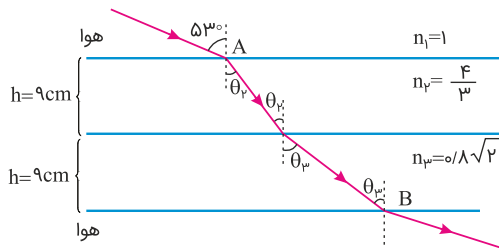
کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

گام اول: سرعت نور را در محیط‌های ۲ و ۳ به دست می‌آوریم:

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow v_2 = \frac{n_1}{n_2} \times v_1 = \frac{1}{\frac{4}{3}} \times 3 \times 10^8 = \frac{9}{4} \times 10^8 \text{ m/s}$$

$$v_3 = \frac{n_1}{n_3} \times v_1 = \frac{1}{\frac{4}{5}\sqrt{2}} \times 3 \times 10^8 = \frac{15}{4\sqrt{2}} \times 10^8$$

گام دوم: زاویه‌های θ_2 و θ_3 را محاسبه می‌کنیم:



$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow 1 \times \frac{\lambda}{10} = \frac{4}{3} \times \sin \theta_2 \Rightarrow \sin \theta_2 = \frac{6}{10} \Rightarrow \theta_2 = 37^\circ$$

$$n_2 \sin \theta_2 = n_3 \sin \theta_3 \Rightarrow \frac{4}{3} \times \frac{6}{10} = \frac{\lambda}{10} \sqrt{2} \sin \theta_3 \Rightarrow \sin \theta_3 = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \theta_3 = 45^\circ$$

گام سوم: به کمک زاویه‌های به دست آمده طول پاره‌خط‌های OA و OB را به دست می‌آوریم:

$$OA = \frac{h}{\cos \theta_2} = \frac{9}{\frac{4}{5}} = \frac{45}{4} \text{ cm}$$

$$OB = \frac{h}{\cos \theta_3} = \frac{9}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{18}{\sqrt{2}} \text{ cm}$$

گام چهارم: مدت زمانی که نور در هر یک از محیط‌های (۲) و (۳) بوده را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta t_2 = \frac{OA}{v_2} = \frac{\frac{45}{4} \times 10^{-2}}{\frac{9}{4} \times 10^8} = 5 \times 10^{-10} \text{ s} = 0.5 \text{ ns}$$

$$\Delta t_3 = \frac{OB}{v_3} = \frac{\frac{18}{\sqrt{2}} \times 10^{-2}}{\frac{15}{4\sqrt{2}} \times 10^8} = \frac{72}{15} \times 10^{-10} = 4.8 \times 10^{-10} \text{ s} = 0.48 \text{ ns}$$

گام پنجم: مدت زمانی که طول می‌کشد تا نور از A به B برسد را به دست می‌آوریم:

$$\Delta t = \Delta t_2 + \Delta t_3 = 0.5 + 0.48 = 0.98 \text{ ns}$$

اساس کار میکروفون سهموی بازتاب پرتوهای صوتی؛ دستگاه لیتوتریپسی بازتابنده‌های بیضوی و دستگاه کنترل سرعت مکان‌یابی پرتوکی امواج الکترومغناطیس به همراه اثر دوپلر است.

شدت صوت هزار برابر شده است؛ پس داریم:

$$\frac{I_2}{I_1} = 10^3$$

از رابطه $\beta_2 - \beta_1 = 10(\text{dB}) \log \frac{I_2}{I_1}$ داریم:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log 10^3 \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 30 \text{ dB}$$

پس تراز شدت صوت ۳۰ dB افزایش یافته است.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

از معادله پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E = K + U = K_{\max} \Rightarrow K + \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow K = \frac{1}{2}mv^2$$

حالا از رابطه انرژی جنبشی تندی نوسانگر را به دست می‌آوریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{1}{2} \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times 10^{-1} \times v^2$$

$$\Rightarrow v^2 = 10 \times 10^{-2} \text{ m}^2/\text{s}^2 \Rightarrow v = \sqrt{10} \times 10^{-1} \text{ m/s} = \sqrt{10} \text{ cm/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

در سونوگرافی از بازتاب امواج فراصوتی و در دستگاه سونار کشتی‌ها از بازتاب امواج صوتی استفاده می‌شود؛ در رادار دوپلری و اجاق خورشیدی از بازتاب امواج الکترومغناطیسی استفاده می‌شود.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

باتوجه به اینکه در هر دوره نوسانگر ۲ بار تغییر جهت می‌دهد، در هر نصف دوره یکبار تغییر جهت می‌دهد. کافی است مشخص کنیم Δt با T چه رابطه‌ای دارد.

$$\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{9}{4} \text{ s}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow T = \frac{\lambda}{v} = \frac{1}{2} \text{ s} \Rightarrow \frac{T}{2} = \frac{1}{4} \text{ s}$$

$$\frac{\Delta t}{T} = \frac{\frac{9}{4}}{\frac{1}{4}} = 9 \Rightarrow 9 \text{ بار تغییر جهت}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

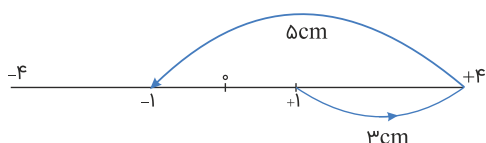
همان طور که از نمودار نتیجه می‌شود $A = 2 \text{ cm}$ و زمانی که طول می‌کشد تا انرژی جنبشی از صفر به ماکزیمم برسد برابر با $\frac{T}{4}$ است:

$$\frac{T}{4} = 0.05 \rightarrow T = 0.2 \text{ s}$$

در $x = 0$ انرژی جنبشی و تندی جسم ماکزیمم است.

$$v_m = A\omega = A \frac{2\pi}{T} = 2 \times 10^{-2} \frac{2\pi}{0.2} = \frac{\pi}{5} \text{ m/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹



مسافت پیموده شده برابر با 8 cm است که همان طول پاره خط بوده که در نصف دوره طی می‌شود.

$$f = 5 \text{ Hz}, T = \frac{1}{5} \text{ s}$$

$$\Delta t = \frac{T}{2} = 0.1 \text{ s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

$$\lambda = \frac{V}{f} \rightarrow V = \lambda f$$

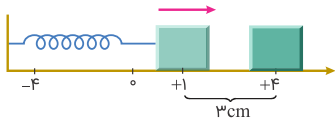
$$V = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} \rightarrow \lambda f = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$$

$$\frac{2}{10} \times 600 = \sqrt{\frac{36}{10^4 \times A}} \Rightarrow A = \frac{1}{4} \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

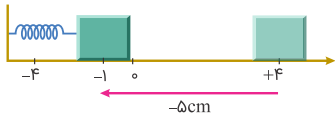
$$A = \frac{1}{4} \times 10^{-6} \times 10^6 = \frac{1}{4} = 0.25 \text{ mm}^2$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

حداقل مسافتی که نوسانگر در این شرایط طی می‌کند $\lambda = 5 + 3$ است.



نوسانگر در هر نوسان کامل $4A = 16$ cm را طی می‌کند بنابراین در بازه زمانی ۲ ثانیه‌ای نوسانگر $2A$ یا 8 cm را طی کرده پس $t = \frac{T}{2} = 2$ s است:



$$\frac{T}{2} = 2 \text{ s} \Rightarrow T = 4 \text{ s} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} \omega = \frac{\pi}{2} \text{ rad/s}$$

حال انرژی مکانیکی نوسانگر را از رابطه $E = \frac{1}{2} mA^2 \omega^2$ به دست می‌آوریم:

$$E = \frac{1}{2} \times \frac{2}{10} \times \left(\frac{4}{100}\right)^2 \times \left(\frac{\pi}{2}\right)^2 = 4 \times 10^{-4} \text{ J} = 0.4 \text{ mJ}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

ابتدا طول موج را به دست می‌آوریم:

$$\frac{3}{2} \lambda = 450 \text{ nm} \Rightarrow \lambda = 300 \text{ nm}$$

سپس دوره موج را حساب می‌کنیم:

$$T = \frac{\lambda}{c} = \frac{300 \times 10^{-9}}{3 \times 10^8} = 10^{-15} \text{ s}$$

حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

(۱) درست: دوره نوسان موج 10^{-15} s است.

(۲) نادرست: بسامد موج 10^{+15} Hz است.

(۳) نادرست: مسافتی که موج در یک ثانیه طی می‌کند 3×10^8 m است.

(۴) نادرست: ناحیه نور مرئی بین 400 nm تا 700 nm است.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۰

ابتدا ترکیب دو رابطه $\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$ و $\beta_2 - \beta_1 = \log \frac{I_2}{I_1}$ را برای ناظرهای A و B می‌نویسیم:

$$\beta_A - \beta_B = \log \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 \Rightarrow \beta - \frac{5}{6}\beta = \log \left(\frac{2r}{r}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{6}\beta = \log 2^2 \Rightarrow \beta = 3/6 B$$

حالا رابطه $\beta_2 - \beta_1 = \log \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$ را برای ناظرهای A و C می‌نویسیم:

$$\beta_A - \beta_C = \log \left(\frac{r_C}{r_A}\right)^2 \Rightarrow 3/6 - \beta_C = \log \left(\frac{4r}{r}\right)^2$$

$$\Rightarrow 3/6 - \beta_C = 4 \log 2 = 1/2 \Rightarrow \beta_C = 2/4 B = 24 \text{ dB}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

ابتدا دوره نوسان را به دست می‌آوریم و معادله حرکت نوسانگر را می‌نویسیم. باتوجه به نمودار صورت سؤال، زمان $\frac{1}{3}S$ بر حسب دوره نوسان برابر است با:



$$\Delta t = \frac{T}{2} + \frac{T}{6} = \frac{4T}{6} = \frac{2T}{3} \Rightarrow \frac{1}{3} = \frac{2T}{3} \Rightarrow T = \frac{1}{2} \text{ (s)}$$

معادله مکان - زمان نوسانگر را می‌نویسیم:

$$x = A \cos\left(\frac{2\pi}{T}t\right) = 0.04 \cos(4\pi t)$$

مکان متحرک در $t = \frac{3}{16} \text{ s}$ را به دست می‌آوریم:

$$x = 0.04 \cos\left(4\pi \times \frac{3}{16}\right) = 0.04 \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) = -0.02\sqrt{2}$$

متأسفانه همانطور که می‌دانیم چون $x = 0$ و $x = \pm A$ است در این مکان ما توانایی به دست آوردن انرژی جنبشی را نداریم. اما راه حل آن به صورت زیر است:

$$\frac{K}{E} = \left(\frac{v}{v_m}\right)^2 = \left(\frac{A^2 - x^2}{A^2}\right) = \left(\frac{4^2 - (2\sqrt{2})^2}{4^2}\right) \Rightarrow \frac{K}{E} = \frac{1}{2}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

گام اول: ابتدا طول موج و دوره تناوب موج را به دست می‌آوریم. باتوجه به نمودار $\frac{\lambda}{v} = 5 \text{ cm}$ است. طبق رابطه $\lambda = v \cdot T$ ، دوره نوسان نقاط موج برابر است با:

$$\lambda = v \cdot T \Rightarrow 0/1 = 0/2 \times T \Rightarrow T = \frac{1}{v} \text{ (s)}$$

چون مدت زمان بین t_1 تا $t_1 + \frac{1}{4} \text{ s}$ برابر نصف دوره است، نقطه M از مکان $x = +3 \text{ cm}$ به مکان $x = -3 \text{ cm}$ می‌رسد. پس جابه‌جایی نوسانگر برابر $\Delta x = -6 \text{ cm}$ است. طبق رابطه سرعت متوسط، داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-6}{\frac{1}{4}} = -24 \text{ cm/s} \Rightarrow |v_{av}| = 24 \text{ cm/s}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

زاویه انحراف برای دو آینه متقاطع، اگر پرتو از هر آینه تنها یک بار بازتاب شود، دو برابر زاویه حاده بین دو آینه است. پس زاویه خواسته شده برابر است با:

$$2\alpha = 2 \times 50 = 100$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۰

ابتدا دوره تناوب را حساب می‌کنیم:

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{4\pi} = \frac{1}{2} \text{ s}$$

مکان نوسانگر را نیز در $t_1 = \frac{1}{12} \text{ s}$ به دست می‌آوریم:

$$x = 0.02 \cos\left(4\pi \times \frac{1}{12}\right) = 0.02 \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = 0.01 \text{ s}$$

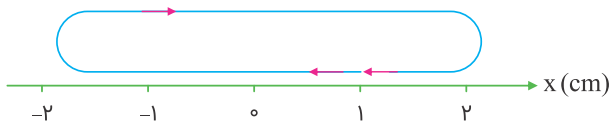
چون $\frac{1}{12} \text{ s}$ از $\frac{T}{4}$ کوچک‌تر است، پس نوسانگر در این لحظه در حال نزدیک شدن به مرکز نوسان است.



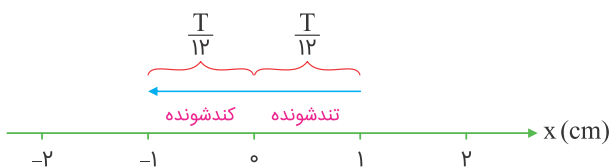
حالا باید ببینیم $(t_2 - t_1)$ چند برابر دوره تناوب است:

$$\frac{t_2 - t_1}{T} = \frac{\frac{7}{6} - \frac{1}{12}}{\frac{1}{2}} = \frac{13}{6} \Rightarrow t_2 - t_1 = 2T + \frac{T}{6}$$

یعنی نوسانگر در این مدت دو نوسان کامل انجام می‌دهد و $\frac{T}{6}$ دیگر هم به حرکت خود ادامه می‌دهد.



مطابق شکل در هر نوسان کامل، به مدت $2 \times \frac{T}{4}$ در حال نزدیک شدن به مرکز نوسان است و حرکت آن تندشونده است. پس در ۲ نوسان کامل، به مدت $4 \times \frac{T}{4}$ حرکت نوسانگر تندشونده است. از طرفی می‌دانیم در مدت $\frac{T}{6}$ نوسانگر از $+\frac{A}{2}$ به $-\frac{A}{2}$ می‌رسد که در مدتی که از $\frac{A}{2}$ به ۰ می‌رود حرکت آن تندشونده است.



بنابر این توضیحات، در مدت زمان گفته شده، نوسانگر به مدت $T + \frac{T}{12}$ حرکت تندشونده داشته است.

$$T + \frac{T}{12} = \frac{1}{2} + \frac{1}{24} = \frac{13}{24} \text{ s}$$

امواج صوتی جزو امواج مکانیکی هستند و برای انتشار نیاز به محیط مادی دارند. پرتوهای x، امواج رادیویی و پرتوهای فرسرخ جزو امواج الکترومغناطیسی بوده و برای انتشار به محیط مادی نیاز ندارند.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

لازم است دوره تناوب موج را به دست آوریم. برای این کار به طول موج نیاز داریم. با توجه به شکل می توان نوشت:

$$\frac{5\lambda}{4} = 25 \Rightarrow \lambda = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}$$

$$v = \frac{\lambda}{T} \Rightarrow T = \frac{\lambda}{v} = \frac{0.2}{10} = 0.02 \text{ s}$$

حالا عبارت ها را بررسی می کنیم:

عبارت (الف) نادرست است. چون تندی موج 10 m/s است، موج در هر ثانیه 10 متر پیشروی می کند.

عبارت (ب) درست است. زیرا 0.01 ثانیه معادل $\frac{T}{10}$ است و هر ذره محیط که معادل یک نوسانگر ساده است در این مدت مسافتی به اندازه 2 برابر دامنه موج یعنی 4 cm طی می کند.

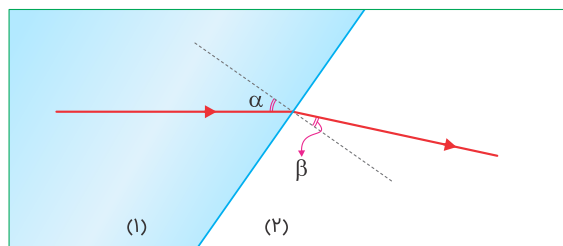
عبارت (پ) نادرست است. زیرا جابه جایی در مدت $\frac{T}{4}$ به این بستگی دارد که در ابتدای این مدت این ذره در چه فاصله ای از مرکز نوسان خودش قرار دارد و به کدام سمت می رود.

عبارت (ت) درست است. هر ذره در مدت یک دوره تناوب یک نوسان کامل انجام داده و به محل اول خود برمی گردد.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

هر زاویه ای که جبهه های موج با مرز دو محیط می سازند، زاویه پرتو با خط عمود هم همان است. بنابراین نمودار پرتوی مربوط به این سؤال مطابق شکل زیر است:

حالا می توان طبق قانون عمومی شکست نوشت:



$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{\sin 37^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{0.6}{0.5} = \frac{6}{5}$$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۴۰۱

ابتدا دوره حرکت را حساب می‌کنیم:

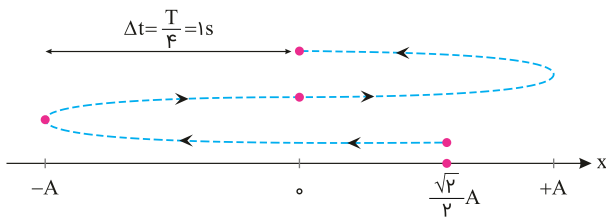
$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{\pi}{\nu} \Rightarrow T = 4s$$

اکنون دو لحظه مشخص شده را بر حسب دوره حرکت می‌نویسیم:

$$t_1 = 0/\omega s \Rightarrow \frac{t_1}{T} = \frac{1}{4} = \frac{1}{\lambda} \Rightarrow t_1 = \frac{T}{\lambda}$$

$$\Delta t = 4/\omega s \Rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{9}{4} = \frac{9}{\lambda} \Rightarrow \Delta t = T + \frac{T}{\lambda}$$

مکان جسم در لحظه $t = 0/\omega s$ را مشخص می‌کنیم:



$$x = 0/04 \cos \frac{\pi}{\nu} t \xrightarrow{t=0/\omega s} x = 0/04 \cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2} A$$

در حرکت جسم از $(-A)$ تا نقطه O ، شتاب و سرعت در جهت محور x هستند. پس مدت‌زمان خواسته شده برابر یک ثانیه است.

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱

با استفاده از رابطه محاسبه انرژی مکانیکی می‌توان نوشت:

$$E = U + K = 20 \text{ mJ}$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \Rightarrow 20 \times 10^{-4} = \frac{1}{2} \times 0/1 \times 4 \times 10^{-4} \omega^2$$

$$\Rightarrow \omega^2 = \frac{20}{0/02} = 1000 \Rightarrow \omega = \sqrt{1000\pi^2} = 10\pi \text{ rad/s}$$

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow f = \frac{10\pi}{2\pi} = 5 \text{ Hz}$$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۴۰۱